

解：（Ⅰ） $C: \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{\frac{9}{2}} = 1$ ，故 $a^2 = 9$ ， $b^2 = \frac{9}{2}$ ， $c^2 = \frac{9}{2}$ ，有 $a = 3$ ， $b = c = \frac{3}{2}\sqrt{2}$ 2 分

椭圆 C 的短轴长为 $2b = 3\sqrt{2}$ ，3 分

离心率为 $e = \frac{c}{a} = \frac{\sqrt{2}}{2}$5 分

（Ⅱ）方法 1：结论是： $|TP| < |TM|$ 。

当直线 l 斜率不存在时， $l: x = 1$ ， $|TP| = 0 < |TM| = 2$ 7 分

当直线 l 斜率存在时，设直线 $l: y = k(x - 1)$ ， $M(x_1, y_1)$ ， $N(x_2, y_2)$

$$\begin{cases} x^2 + 2y^2 = 9 \\ y = k(x - 1) \end{cases}, \text{ 整理得: } (2k^2 + 1)x^2 - 4k^2x + 2k^2 - 9 = 0 \quad \text{.....8 分}$$

$$\Delta = (4k^2)^2 - 4(2k^2 + 1)(2k^2 - 9) = 64k^2 + 36 > 0$$

$$\text{故 } x_1 + x_2 = \frac{4k^2}{2k^2 + 1}, \quad x_1x_2 = \frac{2k^2 - 9}{2k^2 + 1} \quad \text{.....9 分}$$

$$\overrightarrow{PM} \cdot \overrightarrow{PN}$$

$$= (x_1 - 2)(x_2 - 2) + y_1y_2$$

$$= (x_1 - 2)(x_2 - 2) + k^2(x_1 - 1)(x_2 - 1)$$

$$= (k^2 + 1)x_1x_2 - (k^2 + 2)(x_1 + x_2) + k^2 + 4$$

$$= (k^2 + 1) \cdot \frac{2k^2 - 9}{2k^2 + 1} - (k^2 + 2) \cdot \frac{4k^2}{2k^2 + 1} + k^2 + 4$$

$$= -\frac{6k^2 + 5}{2k^2 + 1} < 0 \quad \text{.....13 分}$$

故 $\angle MPN > 90^\circ$ ，即点 P 在以 MN 为直径的圆内，故 $|TP| < |TM|$

（Ⅱ）方法 2：结论是： $|TP| < |TM|$ 。

当直线 l 斜率不存在时， $l: x = 1$ ， $|TP| = 0 < |TM| = 2$ 7 分

当直线 l 斜率存在时，设直线 $l: y = k(x - 1)$ ， $M(x_1, y_1)$ ， $N(x_2, y_2)$ ， $T(x_T, y_T)$

$$\begin{cases} x^2 + 2y^2 = 9 \\ y = k(x-1) \end{cases}, \text{ 整理得: } (2k^2 + 1)x^2 - 4k^2x + 2k^2 - 9 = 0 \quad \dots\dots\dots 8 \text{ 分}$$

$$\Delta = (4k^2)^2 - 4(2k^2 + 1)(2k^2 - 9) = 64k^2 + 36 > 0$$

$$\text{故 } x_1 + x_2 = \frac{4k^2}{2k^2 + 1}, \quad x_1 x_2 = \frac{2k^2 - 9}{2k^2 + 1} \quad \dots\dots\dots 9 \text{ 分}$$

$$x_T = \frac{1}{2}(x_1 + x_2) = \frac{2k^2}{2k^2 + 1}, \quad y_T = k(x_T - 1) = -\frac{k}{2k^2 + 1} \quad \dots\dots\dots 10 \text{ 分}$$

$$|TP|^2 = (x_T - 2)^2 + y_T^2 = \left(\frac{2k^2}{2k^2 + 1} - 2\right)^2 + \left(-\frac{k}{2k^2 + 1}\right)^2 = \frac{(2k^2 + 2)^2 + k^2}{(2k^2 + 1)^2} = \frac{4k^4 + 9k^2 + 4}{(2k^2 + 1)^2} \quad \dots\dots 11 \text{ 分}$$

$$\begin{aligned} |TM|^2 &= \left(\frac{1}{2}|MN|\right)^2 = \frac{1}{4}(k^2 + 1)(x_1 - x_2)^2 = \frac{1}{4}(k^2 + 1)\left[(x_1 + x_2)^2 - 4x_1 x_2\right] \\ &= \frac{1}{4}(k^2 + 1)\left[\left(\frac{4k^2}{2k^2 + 1}\right)^2 - 4 \cdot \frac{2k^2 - 9}{2k^2 + 1}\right] = \frac{(k^2 + 1)(16k^2 + 9)}{(2k^2 + 1)^2} = \frac{16k^4 + 25k^2 + 9}{(2k^2 + 1)^2} \quad \dots\dots 12 \text{ 分} \end{aligned}$$

$$\text{此时, } |TM|^2 - |TP|^2 = \frac{16k^4 + 25k^2 + 9}{(2k^2 + 1)^2} - \frac{4k^4 + 9k^2 + 4}{(2k^2 + 1)^2} = \frac{12k^4 + 16k^2 + 5}{(2k^2 + 1)^2} > 0 \quad \dots\dots 13 \text{ 分}$$

$$\text{故 } |TM| > |TP|$$