

检 测 题

(时间 40 分钟)

1. 已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{4} = 1 (a > 0)$ 的一个焦点为 $(2, 0)$, 则 a 的值为 ()

A. $2\sqrt{2}$ B. $\sqrt{6}$ C. 6 D. 8
2. 到两坐标轴距离相等的点的轨迹方程是 ()

A. $x - y = 0$ B. $x + y = 0$ C. $|x| - y = 0$ D. $|x| - |y| = 0$
3. 若圆 $x^2 + y^2 - 2x - 4y = 0$ 的圆心到直线 $x - y + a = 0$ 的距离为 $\frac{\sqrt{2}}{2}$, 则 a 的值为 ()

A. -2 或 2 B. $\frac{1}{2}$ 或 $\frac{3}{2}$ C. 2 或 0 D. -2 或 0
4. 在平面直角坐标系 xOy 中, 椭圆 C 的中心在原点, 焦点 F_1, F_2 在 x 轴上, 离心率为 $\frac{\sqrt{2}}{2}$, 过 F_1 的直线 l 交椭圆 C 于 A, B 两点, 且 $\triangle ABF_2$ 的周长为 16, 则椭圆 C 的方程为 ()

A. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{4} = 1$ B. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$

C. $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{16} = 1$ D. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{8} = 1$
5. 若双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的一条渐近线被圆 $(x - 2)^2 + y^2 = 4$ 所截得的弦长为 2, 则 C 的离心率为 ()

A. 2 B. $\sqrt{3}$ C. $\sqrt{2}$ D. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$
6. 已知双曲线 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (b > 0)$, 以原点为圆心, 双曲线的实半轴长为半径长的圆与双曲线的两条渐近线相交于 A, B, C, D 四点, 四边形的 $ABCD$ 的面积为 $2b$, 则双曲线的方程为 ()

A. $\frac{x^2}{4} - \frac{3y^2}{4} = 1$ B. $\frac{x^2}{4} - \frac{4y^2}{3} = 1$ C. $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ D. $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{12} = 1$
7. 已知 F_1, F_2 是椭圆 C 的左、右焦点, P 是椭圆 C 上的一点, 若 $|PF_1|, |PF_2|, |F_1F_2|$ 构成公比为 $\frac{1}{2}$ 的等比数列, 则椭圆 C 的离心率为 ()

A. $\frac{1}{6}$ B. $\frac{1}{4}$ C. $\frac{1}{3}$ D. $\frac{2}{5}$

8. 已知双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - y^2 = 1 (a > 0)$ 与椭圆 $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$ 有相同的焦点, 则 a 等于 ()

- A. 2 B. $\sqrt{6}$ C. $2\sqrt{3}$ D. $\sqrt{14}$

9. 已知椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的两个焦点分别为 F_1, F_2 , 点 P 是椭圆上一点, 且

$PF_2 \perp F_1F_2, \angle PF_1F_2 = 30^\circ$, 那么椭圆的离心率是 ()

- A. $\frac{1}{3}$ B. $\frac{\sqrt{3}}{3}$ C. 1 D. $\sqrt{3}$

10. 经过双曲线 $M: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的左焦点作倾斜角为 60° 的直线 l . 若 l 与双曲线 M 的左支有两个不同的交点, 则 M 的离心率的取值范围是 ()

- A. $(2, +\infty)$ B. $(1, 2)$ C. $(1, \sqrt{3})$ D. $(\sqrt{3}, +\infty)$

11. 已知点 $P(1, 2)$ 到抛物线 $C: y^2 = 2px (p > 0)$ 准线的距离为 2.

(I) 求 C 的方程及焦点 F 的坐标;

(II) 设点 P 关于原点 O 的对称点为点 Q , 过点 Q 作不经过点 O 的直线与 C 交于两点 A, B , 直线 PA, PB

分别交 x 轴于 M, N 两点. 求 $|MF| \cdot |NF|$ 的值.

